

Univerza v Ljubljani  
Fakulteta za računalništvo  
in informatiko



# Nedeterminizem

15.marec 2014



# Zgodovina



Michael Rabin



Dana Scott

(1959)



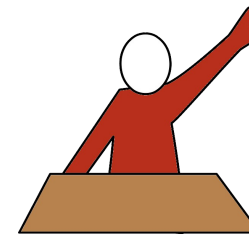
# Kaj je nedeterminizem?



- Nedeterminizem vpeljemo kot razširitev končnih avtomatov
- Kam točno skočimo je nedoločeno (**nedeterminirano**)
- Osnovnim avtomatom zato pravimo deterministični (DKA), razširitvi pa nedeterministični končni avtomati (NKA)
- Dovolimo lahko več prehodov iz istega stanja preko enakega simbola v različna stanja



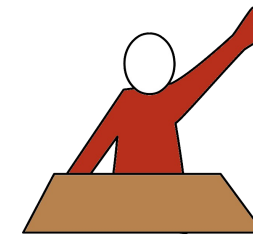
# Zakaj?



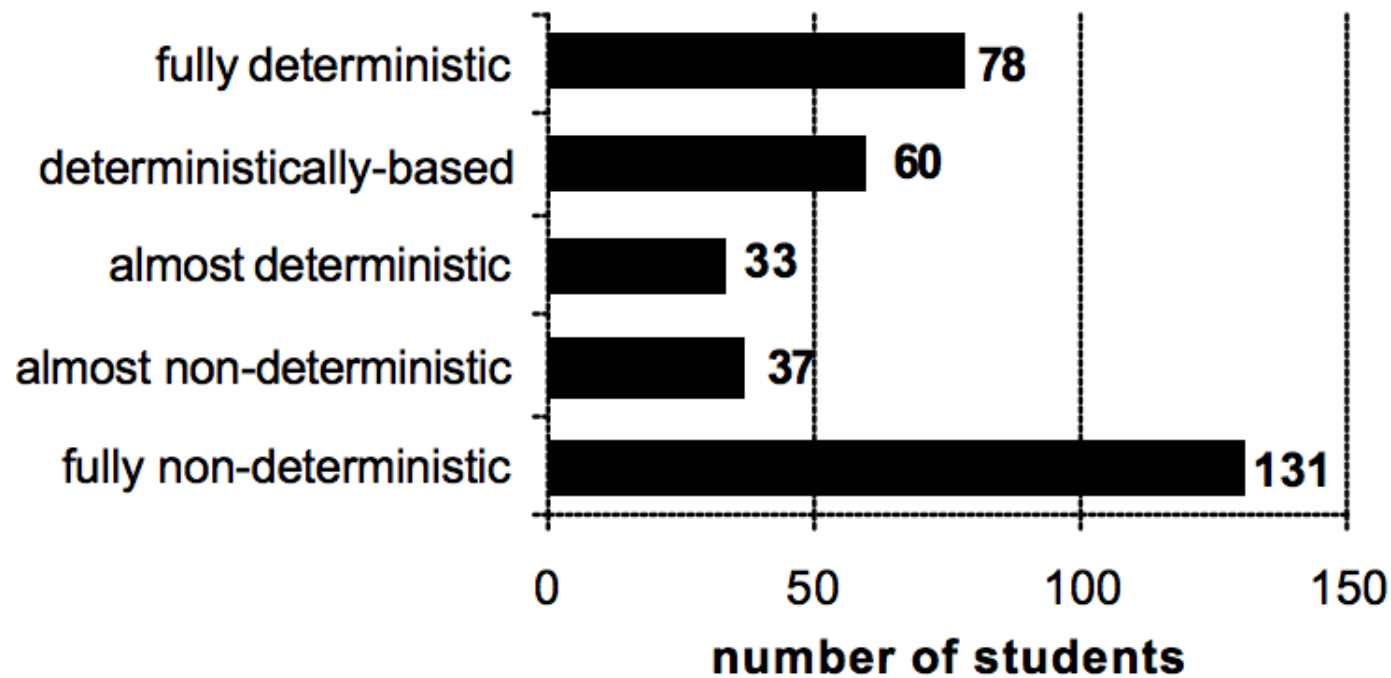
- Nedeterminizem ima izjemno pomembno vlogo v računalništvu
- Teoretična „igra“ - iskanje možnih razširitev nekega modela računanja
- Prvi prikaz dokazovanja enakosti dveh modelov računanja
- Za podajanje nekaterih jezikov je nedeterminizem bolj intuitiven kot determinizem



# Intuitiven?



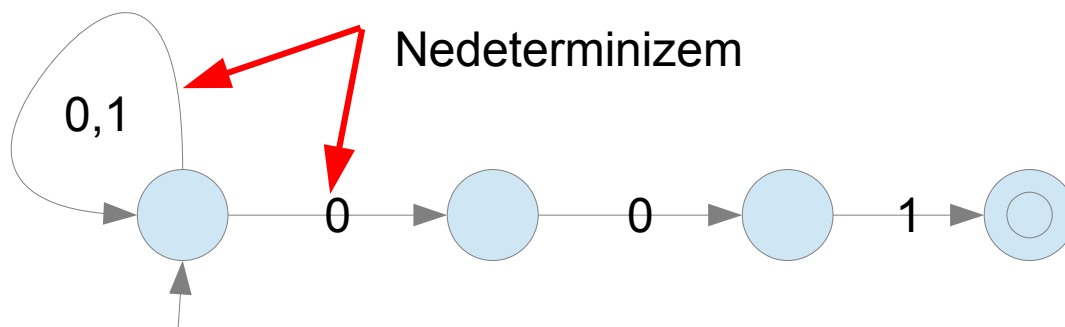
M. Armoni, J. Gal-Ezer: *Non-determinism in CS high-school curricula*,  
ASEE/IEEE Frontiers in Education Conference, 2003





# Primer 1

Zapišimo končni avtomat, ki sprejema vse nize, ki se končajo na 001

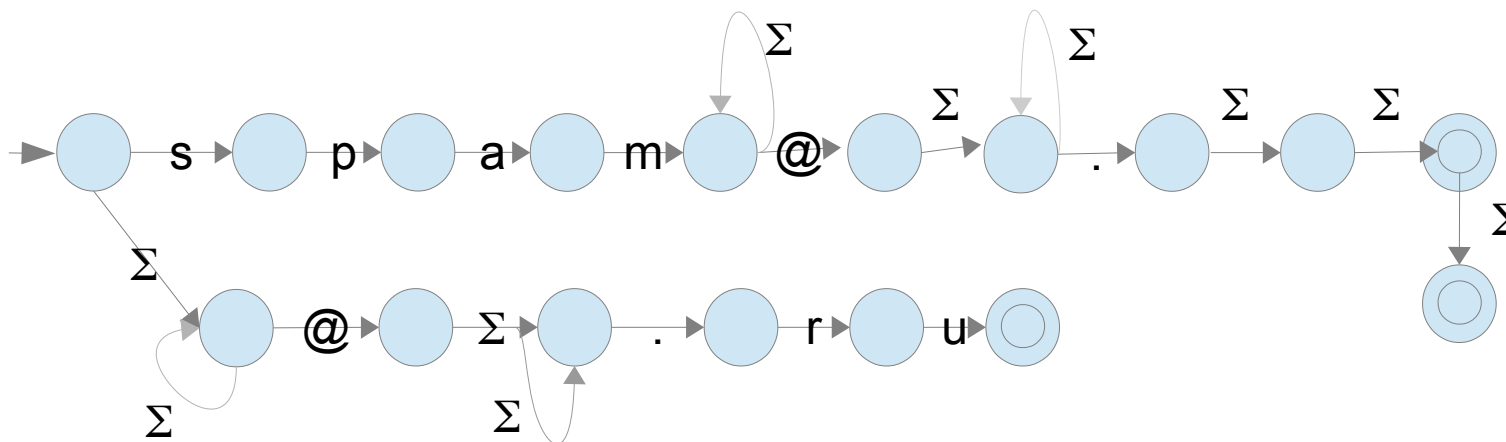




# Primer 2

Detektirajmo elektronske naslove, ki so sumljivi in lahko predstavljajo neželjeno pošto. Dve zelo enostavni pravili:

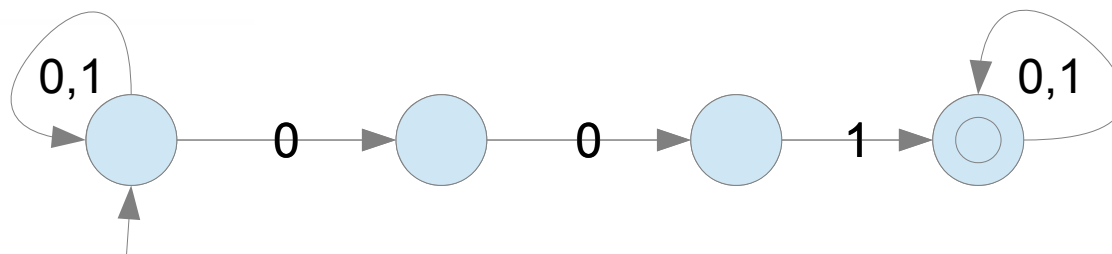
1. Elektronski naslov se začne na **spam**, ali
2. Elektronski naslov se konča na **.ru**



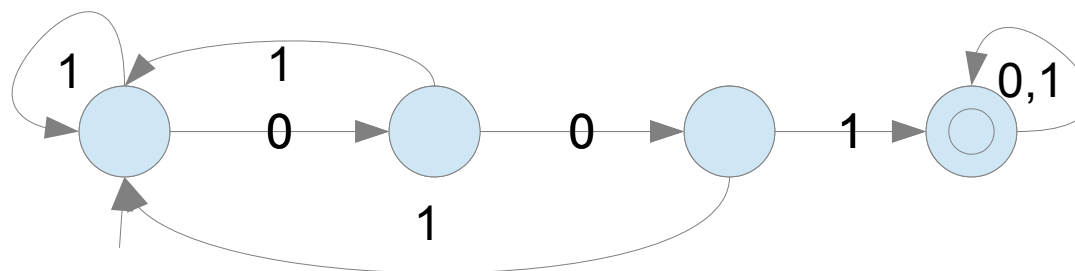


# Primer 3

Zapišimo NKA, ki sprejema vse nize, ki **vsebujejo** 001



Deterministični?







# Primerjava z DKA

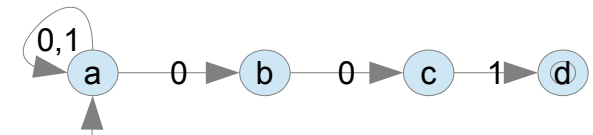
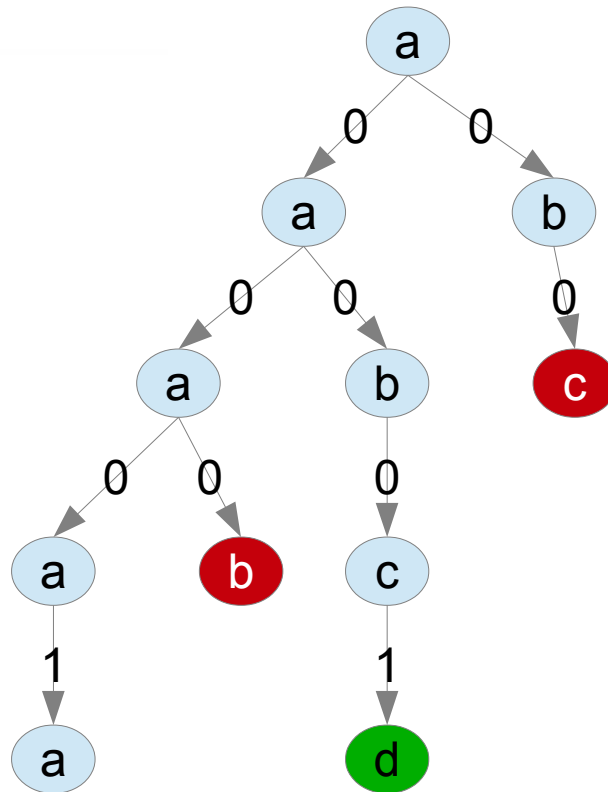
- Iz enega stanja lahko preko istega simbola pridemo v več različnih stanj – pri DKA samo eden
- Prehod preko nekega simbola je lahko tudi nedefiniran – ne potrebujemo slepega stanja kot pri DKA
- Kako besede sprejmemo?



# Sprejemanje besede



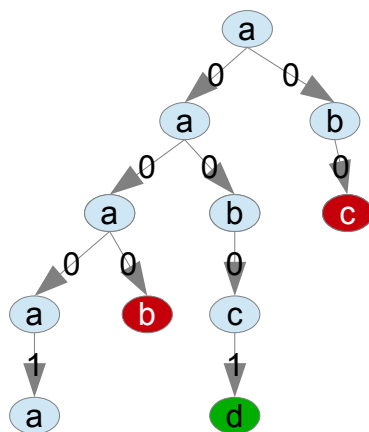
Beseda 0001





# Intuitivna interpretacija nedeterminizma I.

- Vzporedno izvajanje:
  - Vsakič, ko imamo več možnosti, hkrati preizkusimo vse
  - Vsako možnost prevzame en nov računalnik (procesor, jedro, ...)





# Intuitivna interpretacija nedeterminizma II.

- Ugibanje:
  - Vsakič, ko imamo več možnost avtomat »ugane« pravo možnost
  - Če je beseda v jeziku, potem takšno zaporedje »ugibanj« obstaja – takemu zaporedju pravimo **certifikat**.
  - Če pa besede ni v jeziku, potem nobeno ugibanje ne pripelje do končnega stanja

Univerza v Ljubljani  
Fakulteta za računalništvo  
in informatiko



# Formalna definicija

15.marec 2014



# Formalna definicija NKA

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$$

$Q$

Množica stanj

$\Sigma$

Abeceda

$\delta: Q \times \Sigma \rightarrow 2^Q$

Funkcija prehodov, ki slika v poljubno podmnožico  $Q$

$q_0 \in Q$

Začetno stanje

$F \subseteq Q$

Množica končnih stanj



# \*Jezik nedeterminističnega avtomata I.

Razširimo funkcijo prehodov, da slika neko stanje in **besedo w** v novo stanje

$$\hat{\delta}(q, w): Q \times \Sigma^* \rightarrow 2^Q$$

Najprej preslikamo začetek besede **v** (dobimo množico možnih stanj), nato pa iz vsakega stanja poskusimo priti še po simbolu **a**

$$\hat{\delta}(q, va) = \bigcup_{p \in \hat{\delta}(q, w)} \delta(p, a)$$



# \*Jezik nedeterminističnega avtomata II.

Jezik nedeterminističnega avtomata so vse besede  $w$ , za katere velja:

$$\hat{\delta}(q, w) \subseteq F \neq \emptyset$$

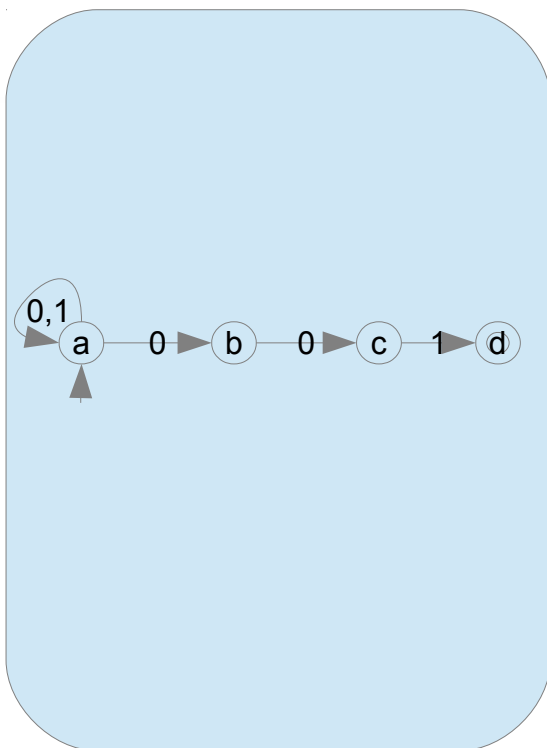
**Neformalno:** vse besede preko katerih lahko pridem vsaj do enega končnega stanja.





# Podajanje avtomatov

Diagram prehodov



Spisek prehodov

$$\delta(a, 0) = \{a, b\}$$

$$\delta(a, 1) = a$$

$$\delta(b, 0) = c$$

$$\delta(c, 0) = a$$

Tabelarično

	0	1
a	a,b	a
b	c	/
c	/	d
d	/	/

Univerza v Ljubljani  
Fakulteta za računalništvo  
in informatiko



# Simulacija

15.marec 2014

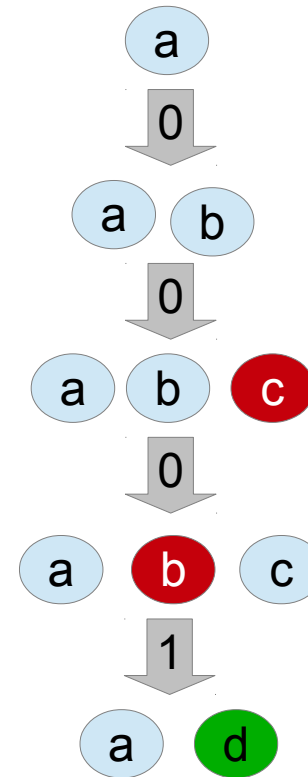
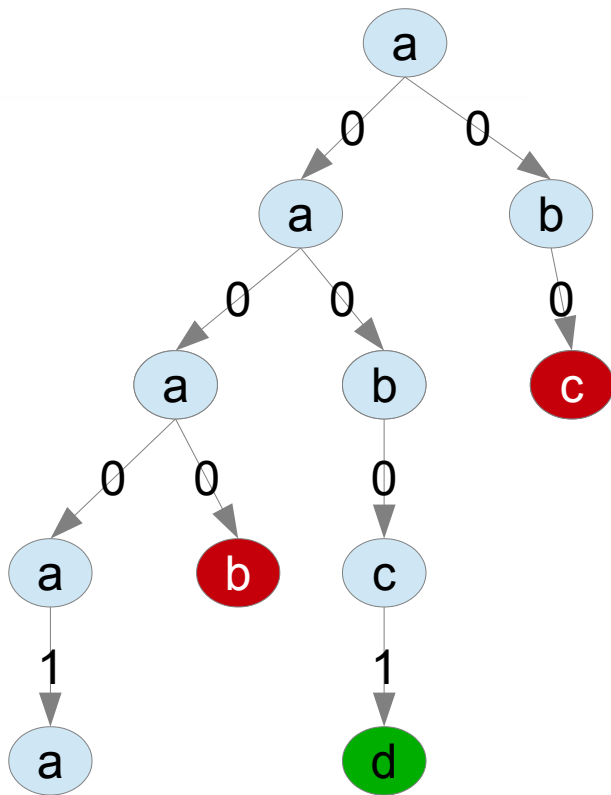


# Simulacija NKA

- Nedeterminizem ni fizikalno možen model računanja - takega ugibanja ne znamo narediti, poljubnega paralelizma pa tudi ne moremo narediti
- Lahko pa ga (učinkovito?) simuliramo, kar bomo pokazali tako, da bomo tak simulator zapisali
- Razširili bomo program, ki ste ga napisali prejšnji teden



# Ideja simulacije





# Nekatere `python` opombe

- Delali bomo z množicami, ki so dobro podprte v `pythonu`
- Ustvarjanje množice: `set([1, 2, 3])`
- Unija dveh množic:
  - `set([1, 2, 3]) | set(3, 4, 5)`
- Presek dveh množic:
  - `set([1, 2, 3]) & set(3, 4, 5)`